

Задание 1. Дайте ответы на вопросы (с обоснованием):

А) Можно ли построить треугольник, стороны которого равны 5 см, 6 см и 11 см?

Ответ. Треугольник существует только тогда, когда сумма длин любых его двух сторон строго больше третьей стороны. При данных значениях условие не выполняется, следовательно, нет, нельзя.

$$5 < 6+11$$

$$6 < 5+11$$

$$11 = 5+6$$

Б) Существует ли треугольник, два угла которого равны 110 и 70 градусов?

Ответ. Сумма всех углов в треугольнике равна 180 градусам. В данном случае $110+70 = 180$ градусов, на третий угол остается 0 градусов, чего быть не может, следовательно, нет, не существует.

В) Существует ли треугольник, стороны которого относятся как 6:7:9?

Ответ. Пусть x – единица пропорциональности, тогда стороны треугольника равны $6x$, $7x$ и $9x$. Треугольник существует только тогда, когда сумма длин любых его двух сторон больше третьей стороны. Каждая из сторон данного треугольника меньше суммы двух других, следовательно, да, можно.

$$6x < 7x+9x$$

$$7x < 6x+9x$$

$$9x < 6x+7x$$

Задание 2. Стороны треугольника пропорциональны числам 4, 8, 11, а разность наибольшей и наименьшей стороны равна 21. Найдите периметр треугольника.

Ответ.

Дано:

$\triangle ABC$

Решение:

Пусть x – единица пропорциональности, тогда:

$$AB:BC:AC = 4:8:11$$

$$AC - AB = 21$$

Найти:

$P_{\triangle ABC} - ?$

Рассмотрим $\triangle ABC$: $AB=4x$, $BC=8x$, $AC=11x$.

Наибольшая сторона AC ($11x > 4x$ и $11x > 8x$),
наименьшая – AB ($4x < 11x$ и $4x < 8x$)

$$\Rightarrow AC - AB = 21$$

$$11x - 4x = 21$$

$$7x = 21$$

$$x = 3$$

Подставляем значение x в значения сторон
треугольника:

$$AB=12, BC=24, AC=33.$$

Периметр треугольника – сумма длин всех сторон:

$$P_{\triangle ABC} = AC + AB + BC = 33 + 12 + 24 = 69.$$

Ответ: $P_{\triangle ABC} = 69$.

Задание 3. Из точки A к прямой BC проведены перпендикуляр AB и наклонная AC . Определите длину проекции, если угол между перпендикуляром и наклонной составляет 30° , а длина наклонной равна 24 см. (Выполнение рисунка в этом задании обязательно.)

Ответ.

Дано:

AB – перпендикуляр

$$AB = p(A; BC)$$

$$AB \perp BC$$

т. $A \in AB$, т. $A \in AC$

AC – наклонная к BC

$$AC = 24 \text{ см}$$

$$\angle BAC = 30^\circ$$

Найти:

$BC - ?$

Решение:

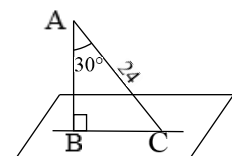
Рассмотрим $\triangle ABC$ – прямоугольный ($\angle ABC=90^\circ$,

т. к. $AB \perp BC$):

$$\angle BAC = 30^\circ \text{ (дано)} \Rightarrow BC = \frac{1}{2}AC = 12 \text{ см (т.к.}$$

сторона в прямоугольном треугольнике, лежащая
напротив угла 30°)

Ответ: $BC = 12$ см.



Задание 5. Треугольники ABC и ADC лежат в одной полуплоскости относительно прямой AC . Стороны AD и CB пересекаются в точке S , $\angle BAC = \angle DCA$. Отрезок AC является основанием равнобедренного треугольника ASC . Докажите, что $AB=CD$.

Ответ.

Дано:	Доказательство:
$\triangle ABC$ и $\triangle ADC$	$\triangle ASC$ – равнобедренный (дано) $\Rightarrow AS = SC$
$AD \cap CB = T. S$	(как боковые стороны), $\angle SAC = \angle SCA$ (как углы при основании AC)
$\angle BAC = \angle DCA$	Рассмотрим $\triangle ABC$ и $\triangle ADC$:
AC – основание в $\triangle ASC$	1) $\angle SAC = \angle SCA$
$\triangle ASC$ - равнобедренный	2) $\angle BAC = \angle DCA$ (дано)
Доказать:	3) AC – общая сторона
$AB=CD$	$\Rightarrow \triangle ABC = \triangle ADC$
	по стороне и 2-м прилежащих к ней углам.
	В равных треугольниках напротив равных углов лежат равные стороны.
	$\angle SAC = \angle SCA \Rightarrow AB=CD$ что и требовалось доказать.

